

**Exercice 1** (Intervalles — 3 points). Résoudre le couple d'inéquations suivant, et représenter l'ensemble des solutions sur la droite des réels, puis sous forme d'intervalle.

$$\frac{x}{2} + 1 \geq 3 \text{ et } 5 - x > -10$$

$$\frac{x}{2} \geq 3 - 1$$

$$\frac{x}{2} \geq 2$$

$$x \geq 2 \times 2$$

$$x \geq 4$$

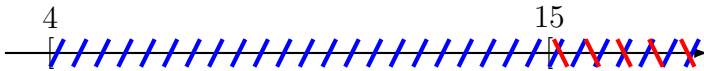
$$5 - x > -10$$

$$-x > -10 - 5$$

$$-x > -15$$

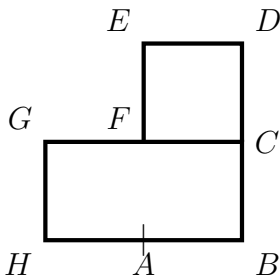
$$x < 15$$

Droite des réels :



Les solutions sont  $x \in [4; 15[$ .

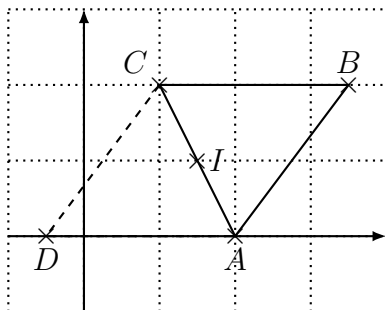
**Exercice 2** (Coordonnées — 3 points). On considère la figure suivante, où  $BCGH$  est un rectangle, et  $EFCD$  est un carré. Répondre aux questions suivantes par lecture graphique.



- (a) Dans le repère  $(A, B, F)$ , quels points ont pour coordonnées  $(-1; 1)$  et  $(1; 2)$  ?  $G(-1; 1)$  et  $D(1; 2)$ .
- (b) Quelles sont les coordonnées de  $D$  dans le repère  $(H, B, G)$  ?  $D(1; 2)$ .

**Exercice 3** (Problème — 11 points).

- (a) Dans un repère orthonormé, placer les points  $A(2; 0)$ ,  $B(3, 5; 2)$  et  $C(1; 2)$ .



- (b) Montrer que le triangle  $ABC$  est isocèle en  $B$ . On calcule les longueurs  $AB$  et  $BC$ .

$$\begin{aligned} AB &= \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2} \\ &= \sqrt{(3, 5 - 2)^2 + (2 - 0)^2} & CB &= \sqrt{(x_B - x_C)^2 + (y_B - y_C)^2} \\ &= \sqrt{(1, 5)^2 + (2)^2} & &= \sqrt{(2, 5)^2 + (0)^2} \\ &= \sqrt{6, 25} & &= \sqrt{6, 25} \\ &= 2, 5 & &= 2, 5 \end{aligned}$$

Donc  $AB = CB$ , et le triangle est rectangle en  $B$ .

- (c) Calculer les coordonnées de  $I$ , milieu de  $[AC]$ .

$$x_I = \frac{x_A + x_C}{2} = \frac{2 + 1}{2} = \frac{3}{2} \quad y_I = \frac{y_A + y_C}{2} = \frac{0 + 2}{2} = 1$$

Pour vérifier que l'on a pas fait d'erreurs de calcul, on peut constater sur la figure que cela correspond bien aux coordonnées de  $I$ .

- (d) Calculer les coordonnées de  $D$ , symétrique de  $B$  par rapport à  $I$ . Si  $D$  est le symétrique de  $B$  par rapport à  $I$ , alors  $I$  est le milieu de  $BD$ , donc :

$$\begin{cases} x_I = \frac{x_B + x_D}{2} \\ y_I = \frac{y_B + y_D}{2} \end{cases}$$

Nous connaissons les coordonnées de  $I$  et  $B$ , donc nous obtenons :

$$\begin{cases} \frac{3}{2} = \frac{3,5+x_D}{2} \\ 1 = \frac{2+y_D}{2} \end{cases}$$

Et ainsi, en résolvant chacune des deux équations :  $x_D = -0,5$ , et  $y_D = 0$ . Donc  $D(-0,5;0)$ .

- (e) *Montrer que  $ABCD$  est un parallélogramme.* Il y a plusieurs manières de montrer cela. La plus rapide est de constater que ses diagonales se coupent en leur milieu (puisque  $I$  est à la fois le milieu de  $BD$  et  $AC$ ).
- (f) *Peut-on être plus précis sur la nature de  $ABCD$  ?* Puisque  $ABC$  est isocèle en  $B$ , le parallélogramme a deux côtés consécutifs de même longueur : c'est donc un losange.

**Exercice 4** (Algorithmique – 3 points). Dans un repère orthonormé, on considère le cercle  $\mathcal{C}$  de centre  $A(1,0)$  et de rayon 3.

- (a) *Soit  $B(3;2)$ . Calculer la longueur  $AB$ . Le point  $B$  appartient-il au cercle  $\mathcal{C}$  ?* En utilisant la formule de la longueur d'un segment, on trouve  $AB = \sqrt{(3-1)^2 + (2-0)^2}$ , soit  $AB = \sqrt{8}$ . La longueur  $AB$  n'est pas 3, donc  $B$  n'appartient pas au cercle  $\mathcal{C}$ .
- (b) Compléter l'algorithme suivante, pour qu'étant données les coordonnées d'un point du plan, il détermine si oui ou non ce point fait partie du cercle  $\mathcal{C}$ .

---

**Lire** x

**Lire** y

**Si**  $\sqrt{(x-1)^2 + y^2} = 3$

**Alors**

**Afficher** "Le point appartient au cercle  $\mathcal{C}$ "

**Sinon**

**Afficher** "Le point n'appartient pas au cercle  $\mathcal{C}$ "

**FinSi**

---