

Exercice 1 (10 points). Un pays fait face à une épidémie, pour laquelle un vaccin a finalement été développé. Mais de nombreuses personnes contestent son efficacité en faisant remarquer que, parmi les personnes hospitalisées pour cette maladie, près d'une sur deux a pourtant été vaccinée.

On prend une personne au hasard dans la population, et on considère les évènements suivants :

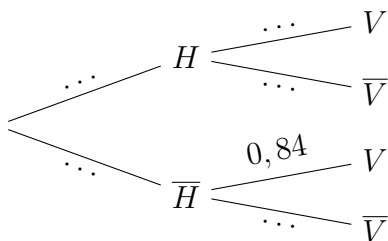
- H : la personne est hospitalisée à cause de la maladie.
- V : la personne est vaccinée.

En utilisant des statistiques des hôpitaux, et celles des centres de vaccination, on sait que :

- 3% de la population est actuellement à l'hôpital à cause de cette maladie ;
- parmi les personnes hospitalisées des suites de cette maladie, 52% est vaccinée ;
- parmi les personnes qui ne sont pas hospitalisées à cause de cette maladie, 84% est vaccinée.

Toutes les réponses seront arrondies à 10^{-4} près.

1. Recopier et compléter l'arbre de probabilités ci-dessous.



2. Décrire l'évènement $H \cap V$ et calculer sa probabilité.
3. Montrer que $P(V) = 0,8304$.
4. En déduire $P_V(H)$, puis interpréter le résultat.
5. On admet que $P_{\bar{V}}(H) = 0,0849$. Le vaccin permet-il de réduire la probabilité d'une personne d'être hospitalisée à cause de cette maladie ? Justifier.

Exercice 2 (8 points). Afin de lutter contre une chenille s'attaquant à une plante, on a développé un insecticide dont on cherche à évaluer l'efficacité. On a planté un grand nombre de ces plantes, dont certaines ont été traitées avec l'insecticide, et d'autres non. On a ensuite observé lesquelles étaient attaquées par la chenille. Les résultats ont été consignés dans le tableau suivant.

	Attaquées par la chenille		Total
	Oui	Non	
Avec insecticide	32	48	80
Sans insecticide	96	144	240
Total	128	192	320

On choisit une plante au hasard, et on note les événements suivants :

- I : la plante a été traitée avec l'insecticide ;
 - C : la plante a été attaquée par la chenille.
1. Quelle est la probabilité qu'une plante choisie au hasard ait été traitée à l'insecticide et attaquée par une chenille ?
 2. Calculer $P(C)$.
 3. Exprimer par une phrase, et calculer la probabilité $P_I(C)$.
 4. Les événements C et I sont-ils indépendants ? Justifier.
 5. L'insecticide est-il efficace ? Justifier.